

**5-7**

**ANTON NEGRILĂ  
MARIA NEGRILĂ**

# **MATEMATICĂ**

**TESTE RECAPITULATIVE  
DIN MATERIA CLASELOR V-VII**

Ediția a III-a

**40  
DE TESTE  
PE MODELUL  
EVALUĂRII  
NAȚIONALE**

**Editura Paralela 45**

Acest auxiliar didactic este aprobat pentru utilizarea în unitățile de învățământ preuniversitar prin OME nr. 3074/31.01.2022.

Redactare: Iuliana Ene, Ramona Rossall  
Tehnoredactare: Adriana Vlădescu, Roxana Pietreanu  
Pregătire de tipar: Marius Badea  
Design copertă: Mirona Pintilie

**Descrierea CIP a Bibliotecii Naționale a României**

**NEGRILĂ, ANTON**

**Matematică : teste recapitulative din materia claselor V-VII :**

**40 de teste pe modelul Evaluării Naționale / Anton Negrilă,**

Maria Negrilă. – Pitești : Paralela 45, 2024

ISBN 978-973-47-4143-4

I. Negrilă, Maria

51

Copyright © Editura Paralela 45, 2024

Prezenta lucrare folosește denumiri ce constituie mărci înregistrate,  
iar conținutul este protejat de legislația privind dreptul de proprietate intelectuală.  
[www.edituraparelela45.ro](http://www.edituraparelela45.ro)

# TESTUL 1

## SUBIECTUL I. Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.

(30 de puncte)

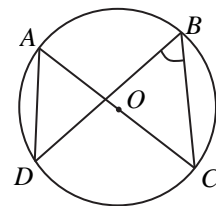
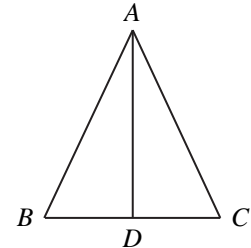
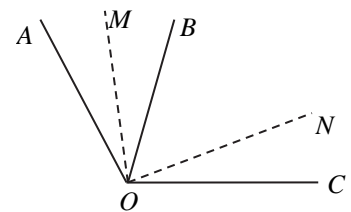
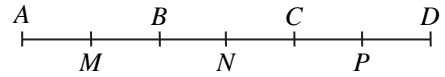
- (5p) 1. Rezultatul calculului  $4 \cdot (5 - 2 \cdot 3)$  este egal cu:  
 a) -4;                                      b) 12;                                      c) 20;                                      d) 36.
- (5p) 2. Numărul care reprezintă 10% din 400 este egal cu:  
 a) 4;    b) 8;    c) 20;    d) 40.
- (5p) 3. Cel mai mic multiplu comun al numerelor 20, 24 și 30 este egal cu:  
 a) 2;    b) 60;    c) 72;    d) 120.
- (5p) 4. Soluția ecuației  $2x + 5 = 1$  este numărul întreg:  
 a) -4;    b) -2;    c) 2;    d) 4.
- (5p) 5. Patru elevi au calculat media aritmetică a numerelor  $3\sqrt{2}$ ,  $5\sqrt{2}$  și  $-2\sqrt{2}$ . Rezultatele obținute sunt prezentate în tabelul alăturat. Dintre cei patru elevi, cel care a răspuns corect este:  
 a) Andra;                                      b) Rareș;                                      c) Antonia;                                      d) David.
- (5p) 6. Suma dintre vârsta Brianei și vârsta lui Călin este 17 ani. Afirmația: „Peste 3 ani, suma vârstelor Brianei și a lui Călin va fi egală cu 20 de ani.” este:  
 a) adevărată;                                      b) falsă.

Andra	Rareș	Antonia	David
$2\sqrt{2}$	$3\sqrt{2}$	$4\sqrt{2}$	$5\sqrt{2}$

## SUBIECTUL al II-lea. Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.

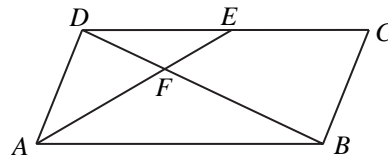
(30 de puncte)

- (5p) 1. În figura alăturată sunt reprezentate punctele coliniare A, B, C, D, în această ordine, astfel încât  $AB \equiv BC \equiv CD$ , iar punctele M, N și P sunt mijloacele segmentelor AB, BC, respectiv CD. Valoarea raportului  $\frac{AN}{MP}$  este egală cu:  
 a)  $\frac{1}{4}$ ;                                      b)  $\frac{2}{3}$ ;                                      c)  $\frac{3}{4}$ ;                                      d)  $\frac{5}{6}$ .
- (5p) 2. În figura alăturată, unghiurile AOB și BOC sunt adiacente, astfel încât  $\sphericalangle BOC = 2 \sphericalangle AOB$  și  $\sphericalangle AOC = 120^\circ$ . Dacă semidreapta OM este bisectoarea unghiului AOB și semidreapta ON este interioară unghiului BOC, astfel încât  $\sphericalangle CON = \frac{1}{3} \sphericalangle BON$ , atunci măsura unghiului MON este egală cu:  
 a)  $40^\circ$ ;                                      b)  $60^\circ$ ;  
 c)  $80^\circ$ ;                                      d)  $100^\circ$ .
- (5p) 3. În figura alăturată este reprezentat triunghiul isoscel ABC, cu  $AB \equiv AC$ ,  $BD \equiv CD$ ,  $D \in BC$ . Dacă  $AB = 10$  cm și  $AD = 8$  cm, atunci aria triunghiului ABC este egală cu:  
 a)  $36 \text{ cm}^2$ ;                                      b)  $48 \text{ cm}^2$ ;  
 c)  $54 \text{ cm}^2$ ;                                      d)  $60 \text{ cm}^2$ .
- (5p) 4. În figura alăturată este reprezentat cercul cu centrul în O și raza R, pe care sunt situate punctele A, B, C, D (în această ordine, în sensul acelor de ceasornic), astfel încât AC este diametru, iar  $AD = R$ . Măsura unghiului CBD este egală cu:  
 a)  $30^\circ$ ;                                      b)  $45^\circ$ ;  
 c)  $60^\circ$ ;                                      d)  $75^\circ$ .



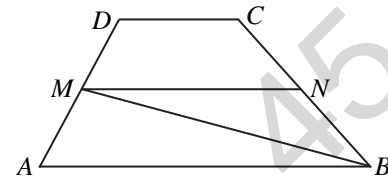
- (5p) 5. În figura alăturată este reprezentat paralelogramul  $ABCD$ , unde  $E \in CD$ , astfel încât  $DE \equiv EC$  și  $AE \cap BD = \{F\}$ . Raportul dintre aria triunghiului  $FDE$  și aria paralelogramului  $ABCD$  este egal cu:

- a)  $\frac{1}{12}$ ;                      b)  $\frac{1}{6}$ ;  
c)  $\frac{1}{3}$ ;                        d)  $\frac{1}{2}$ .



- (5p) 6. În figura alăturată este reprezentat trapezul  $ABCD$ , unde  $AB \parallel CD$ ,  $MN$  este linie mijlocie, iar  $AB = 20$  cm și  $CD = 4$  cm. Valoarea raportului dintre aria triunghiului  $MNB$  și aria trapezului  $MNCD$  este egală cu:

- a)  $\frac{1}{4}$ ;                            b)  $\frac{1}{2}$ ;  
c)  $\frac{7}{12}$ ;                        d)  $\frac{3}{4}$ .



**SUBIECTUL al III-lea. Scrie rezolvările complete.**

**(30 de puncte)**

1. Un comerciant a vândut la piață mere și pere, în total 72 kg. El a vândut kilogramul de mere cu 5 lei și kilogramul de pere cu 8 lei, încasând în total, pentru întreaga marfă, 480 de lei.  
(2p) a) Este posibil ca cele două cantități de fructe să fi fost egale? Justifică răspunsul.  
(3p) b) Determină cantitatea de mere vândută de comerciant.

2. Se consideră numerele reale  $x = 2\sqrt{3}(\sqrt{75} + \sqrt{108} - \sqrt{300})$  și  $y = \left(\frac{3}{2\sqrt{3}} - \frac{4}{3\sqrt{3}}\right) : \frac{1}{\sqrt{24}} \cdot 2\sqrt{8}$ .

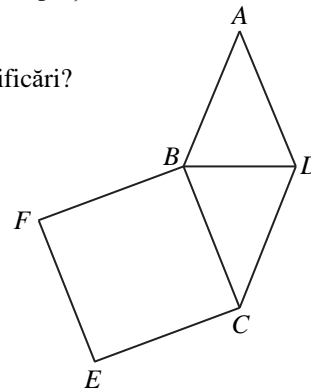
- (2p) a) Arată că  $x = 6$ .  
(3p) b) Calculează media geometrică a numerelor reale  $x$  și  $y$ .

3. Prețul unui obiect a crescut cu 20%, iar după un anumit interval de timp noul preț s-a redus cu 25%. După aceste două modificări, prețul final este egal cu 270 de lei.

- (2p) a) Determină prețul inițial al obiectului.  
(3p) b) Cât la sută din prețul inițial reprezintă prețul final, după cele două modificări?

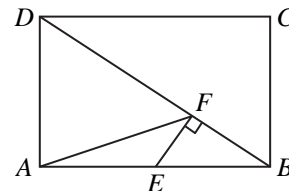
4. În figura alăturată este reprezentat rombul  $ABCD$ , cu  $\sphericalangle BAD = 45^\circ$ , iar în exteriorul rombului este construit pătratul  $BCEF$ , cu  $BC = 8$  cm.

- (2p) a) Demonstrează că punctele  $A, B, E$  sunt coliniare.  
(3p) b) Calculează aria patrulaterului  $ADCE$ .



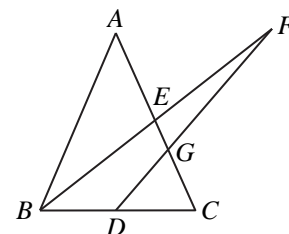
5. În figura alăturată este reprezentat dreptunghiul  $ABCD$ , cu  $AB = 20$  cm și  $BC = 15$  cm, iar punctul  $E$  este mijlocul lui  $AB$ . Perpendiculara  $EF$ , dusă din punctul  $E$  pe diagonala  $BD$ , are piciorul în punctul  $F$ .

- (2p) a) Calculează aria triunghiului  $AFE$ .  
(3p) b) Calculează distanța de la punctul  $F$  la latura  $CD$ .



6. În figura alăturată este reprezentat triunghiul isoscel  $ABC$ , în care  $BC$  este baza, iar punctele  $D$  și  $E$  sunt mijloacele laturilor  $BC$ , respectiv  $AC$ . Punctul  $F$  este simetricul punctului  $B$  față de punctul  $E$ ,  $FD \cap AC = \{G\}$ ,  $AB = 30$  cm și  $BC = 36$  cm.

- (2p) a) Calculează aria triunghiului  $ABE$ .  
(3p) b) Calculează distanța de la punctul  $G$  la baza  $BC$ .



## TESTUL 2

### SUBIECTUL I. Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.

(30 de puncte)

- (5p) 1. Rezultatul calculului  $-2 - 6 : (-2)$  este egal cu:  
 a)  $-1$ ;                                      b)  $1$ ;                                      c)  $2$ ;                                      d)  $4$ .
- (5p) 2. Dintre numerele  $\frac{1}{2^9}, \frac{1}{2^{12}}, \frac{1}{2^{15}}, \frac{1}{2^{18}}$ , cel mai mare este:  
 a)  $\frac{1}{2^9}$ ;                                      b)  $\frac{1}{2^{12}}$ ;                                      c)  $\frac{1}{2^{15}}$ ;                                      d)  $\frac{1}{2^{18}}$ .
- (5p) 3. După o scumpire cu 15%, prețul unui obiect a crescut cu 18 lei. Prețul inițial al obiectului a fost:  
 a) 90 de lei;                                      b) 96 de lei;                                      c) 110 lei;                                      d) 120 de lei.
- (5p) 4. Cezar, Sara, Sofia și Mihnea au calculat produsul numerelor  $a = \sqrt{2^4 + 2^4}$  și  $b = \sqrt{2^6 + 2^6}$  și au obținut rezultatele înregistrate în tabelul alăturat. Dintre cei patru elevi, răspunsul corect a fost dat de:
- | Cezar | Sara | Sofia | Mihnea |
|-------|------|-------|--------|
| 16    | 32   | 64    | 128    |
- a) Cezar;                                      b) Sara;                                      c) Sofia;                                      d) Mihnea.
- (5p) 5. Se consideră numerele raționale  $a = \left(1 + \frac{1}{2}\right)\left(1 + \frac{1}{3}\right)\left(1 + \frac{1}{4}\right)$ ,  $b = \left(1 - \frac{1}{2}\right)\left(1 - \frac{1}{3}\right)\left(1 - \frac{1}{4}\right)$ . Valoarea raportului  $\frac{a}{b}$  este egală cu:  
 a) 4;                                      b) 5;                                      c) 8;                                      d) 10.
- (5p) 6. Se consideră numărul rațional  $a = \frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \frac{1}{4 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 6}$ . Andrei face următoarea afirmație: „Numărul  $b = 6a$  este divizibil cu 5”. Afirmația lui Andrei este:  
 a) adevărată;                                      b) falsă.

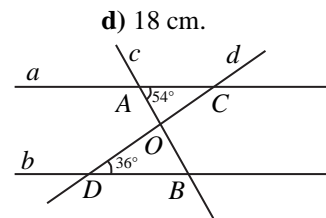
### SUBIECTUL al II-lea. Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.

(30 de puncte)

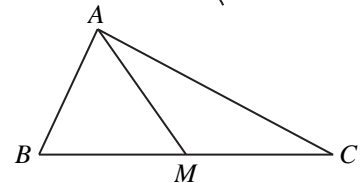
- (5p) 1. În figura de mai jos sunt reprezentate punctele coliniare  $A, B, C$  (în această ordine), iar punctele  $D$  și  $E$  sunt mijloacele segmentelor  $AB$ , respectiv  $BC$ . Știind că  $DE = 6$  cm, lungimea segmentului  $AC$  este egală cu:



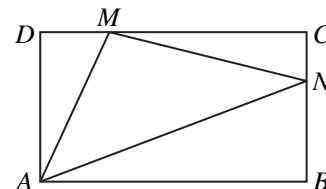
- a) 8 cm;                                      b) 10 cm;                                      c) 12 cm;                                      d) 18 cm.
- (5p) 2. În figura alăturată sunt reprezentate dreptele paralele  $a$  și  $b$ , cu  $a \cap c = \{A\}$ ,  $b \cap c = \{B\}$ ,  $a \cap d = \{C\}$ ,  $b \cap d = \{D\}$  și  $d \cap c = \{O\}$ , astfel încât  $\sphericalangle BAC = 54^\circ$  și  $\sphericalangle BDC = 36^\circ$ . Măsura unghiului  $BOC$  este egală cu:  
 a)  $60^\circ$ ;                                      b)  $72^\circ$ ;  
 c)  $90^\circ$ ;                                      d)  $110^\circ$ .



- (5p) 3. În figura alăturată este reprezentat triunghiul dreptunghic  $ABC$ , cu  $\sphericalangle BAC = 90^\circ$ , iar punctul  $M$  este mijlocul ipotenuzei  $BC$ . Dacă  $AM = 10$  cm și  $AC = 16$  cm, atunci distanța de la punctul  $C$  la dreapta  $AM$  este egală cu:

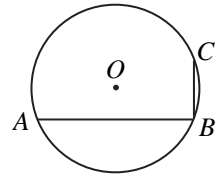


- (5p) 4. În figura alăturată este reprezentat dreptunghiul  $ABCD$  și punctele  $M \in CD$ , astfel încât  $CM = 3DM$ ,  $N \in BC$ , astfel încât  $BN = 2CN$ . Valoarea raportului  $\frac{S_{AMN}}{S_{ABCD}}$  este egală cu:

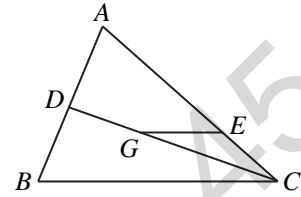


- a)  $\frac{5}{12}$ ;                                      b)  $\frac{2}{3}$ ;  
 c)  $\frac{3}{4}$ ;                                      d)  $\frac{5}{6}$ .

- (5p) 5. În figura alăturată este reprezentat cercul de centru  $O$  și rază  $R$ , pe care sunt situate punctele  $A, B, C$ , astfel încât  $BC \perp AB$ . Dacă  $BC = 9$  cm și raza cercului este egală cu 7,5 cm, atunci distanța de la punctul  $B$  la coarda  $AC$  este egală cu:
- a) 6,4 cm;                      b) 7,2 cm;  
c) 8,4 cm;                      d) 9,6 cm.



- (5p) 6. În figura alăturată este reprezentat triunghiul  $ABC$  cu  $BC = 12$  cm, iar punctul  $G$  este centrul său de greutate. Dacă  $CG \cap AB = \{D\}$  și  $GE \parallel BC$ , cu  $E \in AC$ , atunci lungimea segmentului  $GE$  este egală cu:
- a) 3 cm;                          b) 4 cm;  
c) 6 cm;                          d) 8 cm.



**SUBIECTUL al III-lea. Scrie rezolvările complete.**

**(30 de puncte)**

- Un test are 24 de întrebări. Pentru un răspuns corect se acordă 6 puncte, iar pentru un răspuns incorect se scad 4 puncte.
 

(2p) a) Este posibil ca Oana să obțină 75 de puncte, după ce a răspuns la toate întrebările testului? Justifică răspunsul.

(3p) b) După ce a răspuns la toate întrebările testului, Cătălin a obținut 84 de puncte. Determină numărul răspunsurilor sale corecte.
- Împărțind numărul natural  $n$  la 18 și la 24, se obțin câturi nenule și resturile 11, respectiv 17.
 

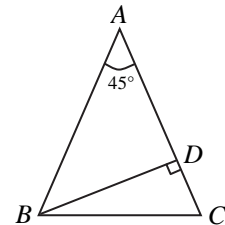
(2p) a) Este posibil ca  $n$  să fie egal cu 137? Justifică răspunsul.

(3p) b) Determină cel mai mic număr natural  $n$  cu proprietatea din enunț.
- În sistemul de axe ortogonale  $xOy$  se consideră punctele  $A(-6, -2)$ ,  $B(0, 6)$  și  $C(p, 0)$ , unde  $p$  este un număr natural.
 

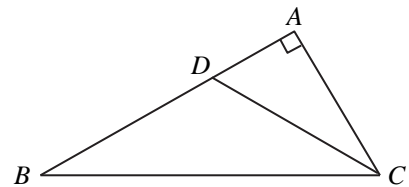
(2p) a) Reprezintă segmentul  $AB$  într-un sistem de axe ortogonale  $xOy$ .

(3p) b) Determină numărul natural  $p$ , știind că triunghiul  $ABC$  este isoscel, cu vârful în punctul  $B$ .

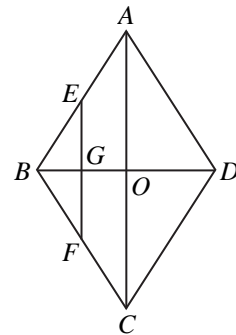
4. În figura alăturată este reprezentat triunghiul isoscel  $ABC$ , cu baza  $BC$ , având  $AC = 6$  cm,  $\sphericalangle BAC = 45^\circ$ , iar  $BD \perp AC$ ,  $D \in AC$ .
- (2p) a) Calculează valoarea raportului  $\frac{S_{BCD}}{S_{ABD}}$ .
- (3p) b) Calculează distanța de la punctul  $D$  la dreapta  $AB$ .



5. În figura alăturată este reprezentat triunghiul dreptunghic  $ABC$ , cu  $\sphericalangle BAC = 90^\circ$ ,  $AC = 6$  cm și  $\sphericalangle C = 2\sphericalangle B$ . Semidreapta  $CD$  este bisectoarea unghiului  $ACB$ , iar  $D \in AB$ .
- (2p) a) Calculează aria triunghiului  $BCD$ .
- (3p) b) Dacă punctul  $E \in AC$ , astfel încât distanța de la punctul  $E$  la dreapta  $AB$  să fie egală cu distanța de la punctul  $E$  la dreapta  $BC$ , calcuți distanța de la punctul  $E$  la dreapta  $BC$ .



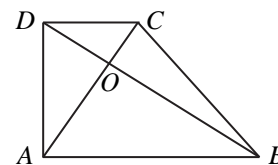
6. În figura alăturată este reprezentat rombul  $ABCD$ , cu  $AC \cap BD = \{O\}$ , iar punctele  $E$  și  $F$  sunt situate pe laturile  $AB$ , respectiv  $BC$ , astfel încât  $AE \equiv BE$  și  $BF \equiv FC$ .
- (2p) a) Demonstrează că patrulaterul  $BEOF$  este romb.
- (3p) b) Arată că  $O$  este centrul de greutate al triunghiului  $DEF$ .





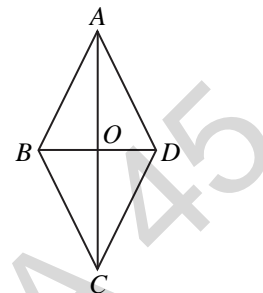
- (5p) 5. În figura alăturată este reprezentat trapezul  $ABCD$ , cu  $AB \parallel CD$ ,  $AB > CD$ ,  $\sphericalangle A = \sphericalangle D = 90^\circ$ ,  $AC \cap BD = \{O\}$ ,  $AC \perp BD$ ,  $AD = 8$  cm și  $AB = 8\sqrt{2}$  cm. Lungimea bazei mici  $CD$  este egală cu:

- a)  $4\sqrt{2}$  cm;                      b) 6 cm;  
c)  $4\sqrt{3}$  cm;                      d)  $6\sqrt{2}$  cm.



- (5p) 6. În figura alăturată este reprezentat rombul  $ABCD$ , cu  $\sphericalangle ABC = 120^\circ$ ,  $AB = 8$  cm și  $AC \cap BD = \{O\}$ . Distanța dintre dreptele  $AD$  și  $BC$  este egală cu:

- a) 4 cm;                                b)  $4\sqrt{2}$  cm;  
c)  $4\sqrt{3}$  cm;                      d)  $6\sqrt{2}$  cm.



**SUBIECTUL al III-lea. Scrie rezolvările complete.**

**(30 de puncte)**

1. Un obiect s-a ieftinit cu 20%, iar după o anumită perioadă de timp noul preț s-a redus cu 10%.

- (2p) a) Ce procent din prețul inițial reprezintă prețul obținut după cele două reduceri?  
(3p) b) Dacă prețul final obținut după cele două reduceri este egal cu 216 lei, determină prețul inițial al obiectului.

2. Se consideră numerele naturale nenule  $a$  și  $b$ , cu  $\frac{a}{b} = \frac{3}{4}$  și  $(b - a)(b + a) = 112$ .

- (2p) a) Arată că valoarea raportului  $\frac{4a + 3b}{7a - 5b}$  este un număr natural.

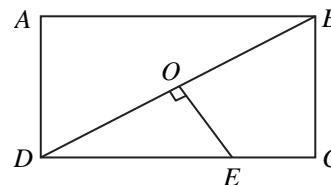
- (3p) b) Determină numerele naturale  $a$  și  $b$  cu proprietățile din enunț.

3. Se consideră numerele reale  $a = \left(\frac{6}{\sqrt{3}} + \frac{8}{\sqrt{12}} - \frac{20}{\sqrt{75}}\right) \cdot \frac{1}{\sqrt{3}}$  și  $b = 8(2 + \sqrt{3}) + 2|2\sqrt{12} - 7| + 3 - (-\sqrt{6})^2$ .

- (2p) a) Arată că  $a = 2$ .

- (3p) b) Determină cel mai mic număr natural  $n$ , pentru care numărul  $A = n \cdot ab$  este pătratul unui număr natural nenul.

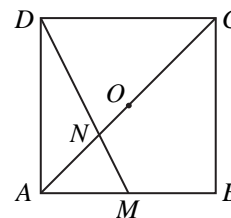
4. În figura alăturată este reprezentat dreptunghiul  $ABCD$ , cu  $AB = 16$  cm și  $AD = 12$  cm. Punctul  $O \in BD$ , astfel încât  $BO \equiv DO$ , iar punctul  $E \in DC$ , astfel încât  $OE \perp BD$ .



- (2p) a) Calculează perimetrul triunghiului  $OCE$ .

- (3p) b) Calculează distanța de la punctul  $D$  la dreapta  $BE$ .

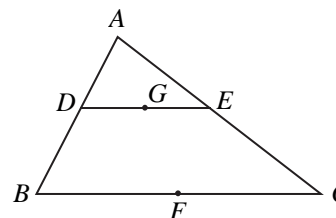
5. În figura alăturată este reprezentat pătratul  $ABCD$ , cu aria egală cu  $288$  cm<sup>2</sup>. Punctele  $M$  și  $O$  sunt mijloacele segmentelor  $AB$ , respectiv  $AC$ , iar  $DM \cap AC = \{N\}$ .



- (2p) a) Arată că aria triunghiului  $OMN$  este egală cu  $12$  cm<sup>2</sup>.

- (3p) b) Calculează  $\sin(\sphericalangle OMN)$ .

6. În figura alăturată este reprezentat triunghiul  $ABC$ , pe laturile căruia se iau punctele  $D \in AB$  și  $E \in AC$ , astfel încât  $DE \parallel BC$ , iar punctele  $F$  și  $G$  sunt mijloacele laturilor  $BC$ , respectiv  $DE$ . Se știe că  $BC = 35$  cm,  $BD = 12$  cm,  $DE = 15$  cm și  $CE = 16$  cm.



- (2p) a) Calculează perimetrul triunghiului  $ADE$ .

- (3p) b) Calculează lungimea segmentului  $FG$ .



# INDICAȚII ȘI SOLUȚII

## PRECIZĂRI

### Subiectul I și Subiectul al II-lea

- Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie 5 puncte, fie 0 puncte.
- Nu se acordă punctaje intermediare.

### Subiectul al III-lea

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total obținut.

## TESTUL 1

Subiectul I. 1. a). 2. d). 3. d). 4. b). 5. a). 6. b).

Subiectul al II-lea. 1. c). 2. c). 3. b). 4. c). 5. a). 6. d).

Subiectul al III-lea. 1. a)  $m + p = 72$  și  $5m + 8p = 480$ . Dacă  $m = p$ , atunci  $m = p = 36$ . Deci  $5m + 8p = 5 \cdot 36 + 8 \cdot 36 = 13 \cdot 36 = 468 \neq 480$ . Răspunsul este „nu”; b)  $m = 32$ . 2. a)  $x = 2\sqrt{3}(5\sqrt{3} + 6\sqrt{3} - 10\sqrt{3}) = 2\sqrt{3} \cdot \sqrt{3} = 6$ ; b)  $y = \frac{8}{3}$ ;  $m_g =$

$= \sqrt{a \cdot b} = \sqrt{16} = 4$ . 3. a) Fie  $x$  prețul inițial. Prețul după prima modificare este  $120\%x = y$ . Prețul după a doua modificare este  $75\%y$ . Deci  $75\% \cdot 120\%x = 270 \Rightarrow \frac{75}{100} \cdot \frac{120}{100} \cdot x = 270 \Rightarrow \frac{3}{4} \cdot \frac{6}{5} \cdot x = 270 \Rightarrow x = 300$  de lei; b)  $p = 90\%$ .

4. a)  $\sphericalangle ABE = \sphericalangle ABC + \sphericalangle CBE = 135^\circ + 45^\circ = 180^\circ \Rightarrow A, B, E$  - coliniare; b) Dacă  $\sphericalangle ABE = 180^\circ \Rightarrow AE \parallel DC \Rightarrow \mathcal{A}_{ADCE} = \frac{(AE + DC) \cdot d(D, AE)}{2} = 32(\sqrt{2} + 1) \text{ cm}^2$ . 5. a)  $\triangle EFB \sim \triangle DAB$  (U.U.)  $\Rightarrow \frac{EF}{AD} = \frac{FB}{AB} = \frac{EB}{BD} \Rightarrow \frac{EF}{15} = \frac{FB}{20} = \frac{10}{25} \Rightarrow$

$\Rightarrow EF = 6 \text{ cm}$  și  $FB = 8 \text{ cm}$ . În  $\triangle AFB$ ,  $EF$  este mediană  $\Rightarrow \mathcal{A}_{AFE} = \mathcal{A}_{EFB} = \frac{EF \cdot FB}{2} = 24 \text{ cm}^2$ ; b) Fie  $FG \perp CD \Rightarrow FG \parallel BC$

și  $FG = d(F, CD)$ ;  $\triangle DFG \sim \triangle DBC$  ( $FG \parallel BC$ )  $\Rightarrow \frac{FG}{BC} = \frac{DF}{DB} = \frac{DG}{DC} \Rightarrow \frac{FG}{15} = \frac{17}{25} \Rightarrow FG = \frac{51}{5} = 10,2 \text{ cm}$ . 6. a) În  $\triangle ABC$ ,

$BE$  este mediană  $\Rightarrow \mathcal{A}_{ABE} = \frac{1}{2} \mathcal{A}_{ABC} \Rightarrow \mathcal{A}_{ABE} = 216 \text{ cm}^2$ ; b) Din  $BE = EF$  și  $AE = EC \Rightarrow ABCF$  este paralelogram  $\Rightarrow$

$\Rightarrow \triangle CDG \sim \triangle AFG \Rightarrow \frac{CG}{AG} = \frac{DG}{FG} = \frac{CD}{AF} = \frac{d(G, CD)}{d(G, AF)}$ ; cum  $\frac{CD}{AF} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{d(G, CD)}{d(G, AF)} = \frac{1}{2} \Rightarrow d(G, AF) = 2 \cdot d(G, CD) \Rightarrow$

$\Rightarrow d(G, CD) = \frac{AD}{3} = 8 \text{ cm}$ ;  $d(G, BC) = d(G, CD) = 8 \text{ cm}$ .

## TESTUL 2

Subiectul I. 1. b). 2. a). 3. d). 4. c). 5. d). 6. a).

Subiectul al II-lea. 1. c). 2. c). 3. c). 4. a). 5. b). 6. b).

Subiectul al III-lea. 1. a)  $c + g = 24$ . Dacă  $6c - 4g = 75$ , egalitatea este falsă, deoarece membrul stâng este număr par și

membrul drept este număr impar. Răspunsul este „nu”; b)  $\begin{cases} c + g = 24 \\ 6c - 4g = 84 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} c + g = 24 \\ 3c - 2g = 42 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2c + 2g = 48 \\ 3c - 2g = 42 \end{cases} \Rightarrow$

$\Rightarrow 5c = 90 \Rightarrow c = 18$ . 2.  $n = 18a + 11$  și  $n = 24b + 17$ ; a) Dacă  $n = 137$ , atunci  $18a + 11 = 137 \Leftrightarrow a = 7$  (A) și  $24b + 17 =$

$= 137 \Leftrightarrow b = 5$  (A). Răspunsul este „da”; b) Din  $n + 7 = 18(a + 1) \Rightarrow 18 \mid n + 7$  și  $n + 7 = 24(b + 1) \Rightarrow 24 \mid n + 7$  rezultă  $[18; 24] \mid n + 7 \Rightarrow 72 \mid n + 7 \Rightarrow n + 7 = 72k, k \in \mathbb{N}^* \Rightarrow n = 72k - 7$ . Pentru a găsi valoarea minimă a lui  $n$  vom considera

valoarea minimă a lui  $k$ , respectiv  $k = 1$ . Obținem  $n = 65$ . 3. a) Vezi reprezentarea grafică; b) Cum  $\triangle ABC$  este isoscel cu vârful în  $B$ , rezultă că  $AB = BC$ ;  $p \in \mathbb{N}$  și  $C(p, 0) \Rightarrow C(p, 0) \in OX$ ;  $AB^2 = (-6 - 0)^2 + (-2 - 6)^2 = 36 + 64 = 100$  și  $BC^2 = (0 - p)^2 + (6 - 0)^2 = p^2 + 6^2$ . Deci  $p^2 + 36 = 100 \Rightarrow$

$$\Rightarrow p^2 = 64 \text{ și cum } p \in \mathbb{N} \Rightarrow p = 8. \text{ 4. a) } \frac{\mathcal{A}_{BCD}}{\mathcal{A}_{ABD}} = \frac{\frac{BD \cdot CD}{2}}{\frac{BD \cdot AD}{2}} = \frac{CD}{AD} =$$

$$= \frac{3(2 - \sqrt{2})}{3\sqrt{2}} = \sqrt{2} - 1; \text{ b) } \sin 45^\circ = \frac{d(D, AB)}{AD} \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{d(D, AB)}{3\sqrt{2}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow d(D, AB) = 3 \text{ cm. 5. a) } \sphericalangle B = \sphericalangle DCB \Rightarrow BD = CD; \sphericalangle B = 30^\circ; \sphericalangle C = 60^\circ; BC = 12 \text{ cm}; AB = 6\sqrt{3} \text{ cm}; BD = CD = 4\sqrt{3} \text{ cm}; AD = \frac{CD}{2} = 2\sqrt{3} \text{ cm};$$

$$d(D, BC) = \frac{BD}{2} = 2\sqrt{3} \text{ cm}; \mathcal{A}_{BCD} = \frac{BC \cdot d(D, BC)}{2} = 12\sqrt{3} \text{ cm}^2; \text{ b) } E \in AC, \text{ astfel încât } d(E, BC) = d(E, AB) = AE;$$

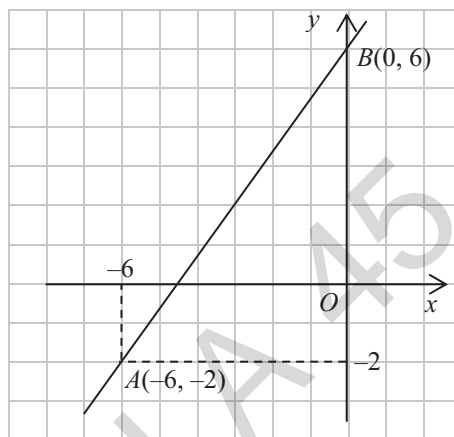
$$\mathcal{A}_{ABC} = \mathcal{A}_{ABE} + \mathcal{A}_{BCE} \Rightarrow 18\sqrt{3} = 3\sqrt{3} \cdot AE + 6 \cdot AE \Rightarrow AE = 6(2\sqrt{3} - 3) \text{ cm. 6. a) } EF - \text{linie mijlocie} \Rightarrow EF \parallel AC;$$

$$AC \perp BD \Rightarrow EF \perp BD \Rightarrow EF \perp BO. \text{ În } \triangle BOC: OF - \text{mediană} \Rightarrow OF = \frac{BC}{2} = BF = BE. \text{ În } \triangle AOB: OE - \text{mediană} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow OE = \frac{AB}{2} = BE = BF. \text{ Deci } OE = BE = BF = OF \Rightarrow OEBF \text{ este romb; b) } EF \text{ este linie mijlocie} \Rightarrow EG = FG \Rightarrow DG$$

$$\text{este mediană în } \triangle DEF, \text{ iar } BG = OG = \frac{1}{2}OB = \frac{1}{2}OD. \text{ Deci } DG = OD + OG = 2OG + OG = 3OG \Rightarrow OG = \frac{1}{3}DG \Rightarrow$$

$\Rightarrow O$  este centrul de greutate al  $\triangle DEF$ .



### TESTUL 3

**Subiectul I.** 1. d). 2. b). 3. c). 4. d). 5. d). 6. a).

**Subiectul al II-lea.** 1. d). 2. c). 3. d). 4. d). 5. a). 6. c).

**Subiectul al III-lea.** 1. Notăm cu  $x$  prețul inițial al obiectului. După prima reducere, prețul obiectului este  $80\%x = y$ .

După a doua reducere, prețul obiectului a devenit  $90\%y = z$ ; a)  $z = \frac{90}{100} \cdot \frac{80}{100} x = \frac{72}{100} x = 72\%x$ ; b)  $72\%x = 216 \Leftrightarrow$

$$\Leftrightarrow \frac{72}{100} x = 216 \Leftrightarrow x = 300 \text{ de lei. 2. a) } \frac{a}{b} = \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{a}{3} = \frac{b}{4} = k \Rightarrow a = 3k \text{ și } b = 4k \Rightarrow \frac{4a + 3b}{7a - 5b} = \frac{12k + 12k}{21k - 20k} = 24 \in \mathbb{N};$$

$$\text{b) } b^2 - a^2 = 112 \Leftrightarrow 16k^2 - 9k^2 = 112 \Leftrightarrow k = 4 \Rightarrow a = 12, b = 16. \text{ 3. a) } a = \left( \frac{6\sqrt{3}}{3} + \frac{8}{2\sqrt{3}} - \frac{20}{5\sqrt{3}} \right) \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} = \left( 2\sqrt{3} + \frac{4}{\sqrt{3}} - \frac{4}{\sqrt{3}} \right) \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} = 2; \text{ b) } b = 27; A = n \cdot 2 \cdot 27 = n \cdot 6 \cdot 9 \Rightarrow n = 6. \text{ 4. a) } \mathcal{P}_{OCE} = OC + OE + CE. \text{ În } \triangle BCD: \sphericalangle BCE = 90^\circ,$$

$$OC - \text{mediană} \Rightarrow OC = \frac{BD}{2} \Rightarrow OC = 10 \text{ cm. } \begin{matrix} OB \equiv OD \\ OE \perp BD \end{matrix} \Rightarrow OE - \text{mediatoarea lui } BD \Rightarrow DE \equiv BE. \triangle DOE \sim \triangle DCB \Rightarrow$$

$$\stackrel{(U.U.)}{\Rightarrow} \frac{DO}{DC} = \frac{DE}{BD} = \frac{OE}{BC} \Leftrightarrow \frac{10}{16} = \frac{DE}{20} = \frac{OE}{12} \Rightarrow OE = 7,5 \text{ cm}, DE = 12,5 \text{ cm}; EC = DC - DE = 3,5 \text{ cm și rezultă că}$$

$$\mathcal{P}_{OCE} = 21 \text{ cm; b) } d(D, BE) = DF, \text{ unde } DF \perp BE \text{ și } E \in BF, \triangle DFE \equiv \triangle BCE \text{ (I.U.)} \Rightarrow DF \equiv BC \Rightarrow DF = 12 \text{ cm.}$$

$$\text{5. a) } AB = 12\sqrt{2} \text{ cm. În } \triangle ABD: N \text{ este centrul de greutate, deci } ON = \frac{1}{3}AO \Rightarrow ON = 4 \text{ cm; } \mathcal{A}_{OMN} = \frac{ON \cdot d(M, ON)}{2};$$

$d(M, ON) = \frac{OB}{2} = 6 \text{ cm}$ ;  $\mathcal{A}_{OMN} = 12 \text{ cm}^2$ ; b)  $\mathcal{A}_{OMN} = \frac{OM \cdot MN \cdot \sin(\sphericalangle OMN)}{2}$ ;  $MN = \frac{1}{3}DM$ ;  $DM = 6\sqrt{10} \text{ cm}$ ;  $MN = 2\sqrt{10} \text{ cm}$ ;  $OM = \frac{BC}{2} = 6\sqrt{2} \text{ cm}$ ;  $\sin(\sphericalangle OMN) = \frac{\sqrt{5}}{5}$ . 6. a)  $\triangle ADE \sim \triangle ABC$  ( $DE \parallel BC$ )  $\Rightarrow \frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC} \Rightarrow \frac{AD}{AD+12} = \frac{AE}{AE+16} = \frac{15^{(5)}}{35} = \frac{3}{7} \Leftrightarrow \frac{AD}{12} = \frac{AE}{16} = \frac{3}{4} \Rightarrow AD = 9 \text{ cm}$ ,  $AE = 12 \text{ cm}$ ;  $\mathcal{P}_{ADE} = 36 \text{ cm}$ ; b) Fie  $AF \cap DE = \{O\} \Rightarrow \triangle ADO \sim \triangle ABF$  ( $DO \parallel BF$ )  $\Rightarrow \frac{AD}{AB} = \frac{AO}{AF} = \frac{DO}{BF} = \frac{9}{21} = \frac{3}{7} \Rightarrow \frac{DO}{BF} = \frac{3}{7} \Rightarrow DO = \frac{3}{7} \cdot \frac{35}{2} = \frac{15}{2} \text{ cm}$ , dar și  $DG = \frac{DE}{2} = \frac{15}{2} \text{ cm} \Rightarrow DG = DO \Rightarrow G = O$  (coincid/sunt identice)  $\Rightarrow G \in AF \Rightarrow A, G, F$  sunt coliniare  $\Rightarrow FG = AF - AG$ . Triunghiul  $ADE$  este dreptunghic,  $\sphericalangle DAE = 90^\circ$ , deoarece  $AD^2 + AE^2 = DE^2 \Rightarrow AG = \frac{DE}{2}$  și  $AF = \frac{BC}{2}$ , deci  $FG = 10 \text{ cm}$ .

## TESTUL 4

**Subiectul I.** 1. a). 2. c). 3. c). 4. b). 5. c). 6. a).

**Subiectul al II-lea.** 1. c). 2. d). 3. c). 4. a). 5. c). 6. c).

**Subiectul al III-lea.** 1. a) Răspunsul este „nu”, deoarece  $4(5 + 7) + 6 = 4 \cdot 12 + 6 = 54 \neq 57$ ; b)  $\overline{ab} \in \{34, 46, 58\}$ .

2.  $132 = an + 6$ ,  $6 < n$ ;  $171 = bn + 3$ ,  $3 < n$ ;  $253 = cn + 1$ ,  $1 < n$ ; rezultă  $n > 6$  și  $n \mid (126; 168; 252) \Rightarrow n \mid 42 \Rightarrow n \in \{7, 14, 21, 42\}$ ; a)  $n_{\min} = 7$ ; b)  $n_{\max} = 42$ .

3. a)  $a = 5\sqrt{3} - 6\sqrt{3} + 3\sqrt{3} + 3 - (3 - \sqrt{3}) \Rightarrow a = 3\sqrt{3}$ ; b)  $b = 4\sqrt{2} - 5\sqrt{2} + \frac{6}{\sqrt{2}} = 7\sqrt{2} - 5\sqrt{2} \Rightarrow b = 2\sqrt{2}$ ;  $a^{40} = 3^{40} \cdot 3^{20} = 3^{60} = (3^2)^{30} = 9^{30}$  și  $b^{60} = 2^{60} \cdot 2^{30} = 2^{90} = (2^3)^{30} = 8^{30} \Rightarrow b^{60} < a^{40} \Rightarrow b^{60} - a^{40} < 0 \Rightarrow |b^{60} - a^{40}| = a^{40} - b^{60}$ . Deci  $b^{60} + a^{40} - |b^{60} - a^{40}| = b^{60} + a^{40} - a^{40} + b^{60} = 2 \cdot b^{60} = 2 \cdot 2^{90} = 2^{91}$  (A).

4. a)  $\sphericalangle ECF = \sphericalangle ECD + \sphericalangle BCD + \sphericalangle BCF = 45^\circ + 90^\circ + 45^\circ = 180^\circ \Rightarrow$  punctele  $E, C, F$  sunt coliniare. Cum  $\sphericalangle EDB + \sphericalangle DEF = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ \Rightarrow BD \parallel EF$ . Deci  $BDEF$  este trapez dreptunghic; b) Fie  $AC \cap BD = \{O\}$ . Cum  $EDOC$  este pătrat  $\Rightarrow DC \equiv OE$  și  $OE \perp DC \Rightarrow OE \parallel AD$  și  $OE = AD$ . Deci  $ADEO$  este paralelogram, cu  $AE$  și  $OD$  diagonale, deci  $OD \cap AE = \{G\} \Rightarrow G \in AE$  astfel încât  $AG \equiv GE$ . 5. a)  $AE = 2EB \Rightarrow AB = 3EB \Rightarrow EB = 4 \text{ cm}$  și  $AE = 8 \text{ cm}$ ;  $\triangle EAF \equiv \triangle CBE$  (C.C.)  $\Rightarrow CF \equiv CE \Rightarrow \triangle CEF$  este isoscel,  $\sphericalangle FEA = \sphericalangle BCE = a$  și  $\sphericalangle AFE = \sphericalangle BEC = b$ ; b) În  $\triangle AEF$ ,  $a + b = 90^\circ$ . Deci  $\sphericalangle CEF = 180^\circ - (a + b) = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ \Rightarrow EF \perp CE$ .

6. a)  $\frac{\mathcal{A}_{CNM}}{\mathcal{A}_{CND}} = \frac{\frac{CN \cdot MN}{2}}{\frac{CN \cdot DN}{2}} = \frac{MN}{DN}$ ;  $CM = \frac{BC}{2} = 6 \text{ cm}$ ;  $DM = 6\sqrt{3} \text{ cm}$ ;  $DC^2 = DN \cdot DM \Rightarrow DN = 4\sqrt{3} \text{ cm} \Rightarrow MN = 2\sqrt{3} \text{ cm}$ ;  $\frac{\mathcal{A}_{CNM}}{\mathcal{A}_{CND}} = \frac{1}{2}$ ; b) În  $\triangle DCM$ :  $CN \perp DM \Rightarrow CN = \frac{CM \cdot CD}{DM} = 2\sqrt{6} \text{ cm}$ . În  $\triangle AMD$ :

fie  $AP \perp DM$ ,  $P \in DM$ ;  $\mathcal{A}_{AMD} = \frac{DM \cdot AP}{2} = \frac{AD \cdot d(M, AD)}{2} = \frac{6\sqrt{3} \cdot AP}{2} = \frac{12 \cdot 6\sqrt{2}}{2} \Rightarrow AP = 4\sqrt{6} \text{ cm}$ . Dar în  $\triangle ABC$ :

$AC = 6\sqrt{6} \text{ cm}$ . Deci  $CN + AP = AC \Rightarrow P \in AC \Rightarrow P = N$  (coincid)  $\Rightarrow A, N, C$  sunt coliniare.

## TESTUL 5

**Subiectul I.** 1. b). 2. b). 3. c). 4. c). 5. a). 6. a).

**Subiectul al II-lea.** 1. a). 2. c). 3. d). 4. c). 5. b). 6. d).

**Subiectul al III-lea.** 1. Notăm cu  $x$  suma cheltuită în cele trei magazine. I:  $40\%x$ ; II:  $60\%$  din rest; III:  $40\%x - 96$ . Rest:

$60\%x$ ; II:  $\frac{60}{100} \cdot \frac{60}{100}x = \frac{36}{100}x = 36\%x$ ; a) În al treilea magazin a cheltuit:  $100\%x - (40\%x + 36\%x) = 100\%x - 76\%x = 24\%x$ .